GENRFO-PREBUNCHER の入力データ

新井 重昭

国立研究開発法人理化学研究所 仁科加速器研究センター

1. はじめに

低電流イオンビーム用 RFO の設計では、ヴェイン電極パラメータを生成する GENRFO[1] と、その生成パラメータを使ってビームシミュレーションを行う PARMTEQ^[2]の二つの計算 コードが使用される。GENRFQ は、ヴェイン電極をビーム軸に沿って Radial matcher、Shaper、 Prebuncher、Buncher、Booster、Accelerator の 6 セクションに分け、それぞれの機能を最適化 する事によって、短い電極で高い伝送効率を実現している。各セクションは次のような役 割を持っている^[1,3]:1) Radial matcher は RFQ のアクセプタンスを入射位相に依らず一様に する、2) Shaper は同期位相 φ 。を-90 から-88° に徐々に変える事により高い捕獲効率を持つ セパラトリクスを形成する、3) Prebuncher は Shaper で作られたセパラトリクスの面積を保 存した状態で、位相振動が半周期の間に発散係数Δが粒子速度βの2次関数で増えるよう に同期位相を-88 から-60°に変えて行く、4) Buncher は Prebuncher 出口でのセパラトリク スの面積と発散係数を保存したまま、ヴェイン変調係数 m を増加させながら同期位相を最 終値に持って行く、5) Booster は同期位相と発散係数を一定に保ちながらヴェイン変調係数 を最小開口半径 a がビーム半径に近づくまで増加させる、6) Accelerator は同期位相、発散 係数、最小開口半径を一定に保ったまま最終エネルギーまで加速する。GENRFQ の出力は PARMTEO の入力データとなる。

2. GENRFQ の入力データ

GENRFQ の制御ファイル gen.sh の入力データが表 1 に示されている。RUN、TITLE、LINAC、 SHAPER、RMATCH、PREBUNCHER、BUNCHER、BOOSTER、OUTPUT の 9 個のラベル から成り、各ラベルに必要なデータは次のとおりである。表 1 には SLOWRI 後段 RFQ 設計 の為の入力データが示されている。PREBUNCHER のデータの求め方がここでの主な課題で ある。

RUN

1) RUN No. (整数)

TITLE

1) RFQ の名称

LINAC

表 1: gen.sh の入力データ

RUN 1

TITLE

** SRI (79.0 MHZ) **

LINAC 79.0 0.125 0.06 0.005 0.5 -90 -25 1.6573

SHAPER 12, 3881

RMATCH 30

PREBUNCHER 2 1. 0423 0. 17095

BUNCHER 3.8 -0.075

B00STER 1.15

OUTPUT 10 0

- 1) 周波数 (MHz)
- 2) 荷電質量数比
- 3) 規格化エミッタンス (π cm·mrad)
- 4) 入射エネルギー (MeV/u)
- 5) 出射エネルギー (MeV/u)
- 6) 入射同期位相(通常-90度)
- 7) 出射同期位相(度)
- 8) キルパトリック・ファクター

SHAPER

1) 長さを与える (cm)

通常 20 セルの長さであるが、エネルギーの増大を無視して、近似値として入射エネルギーに対するセル長の 20 倍が使われる。

$$\frac{\beta \lambda}{2}(m) = \frac{\sqrt{T^2 + 2m_0c^2T}}{m_0c^2} \cdot \frac{c}{2f} = \frac{\sqrt{T(MeV)^2 + 2 \times 938.2796 \times T(MeV)}}{938.2796} \cdot \frac{299.7929}{2f}$$

GENRFQ では $m_0c^2=938.2796\,\mathrm{MeV}$ 、 $c=2.997929\times10^8\,\mathrm{m}$ が使われている。この近似値をGENRFQ に入れ計算すると、Shaper 出口で同期位相は-88° になる。実際の Shaper の長さは、上の近似値を使って PARMTEQ で計算した 20 セル分の長さである。

RMATCH

1) Radial matcher の cell 数

PREBUNCHER

- 1) RF 発散係数 $\Delta(\beta)$ の関数形を与える(1:1 次関数、 2:2 次関数)
- 2) 出口速度の入口速度に対する比: $R_{\scriptscriptstyleeta}=eta_{\scriptscriptstyle 2}/eta_{\scriptscriptstyle 1}$
- 3) 入口発散係数の出口発散係数に対する比: $R_{\Lambda} = \Delta_1/\Delta_2 = \Delta_1/\Delta_3$

BUNCHER

- 1) 集束係数Bの値
- 2) 発散係数 $\Delta_2(\Delta_b)$ の値

BOOSTER

1) ビームとボア半径のマージン $(a_{\min}/a_{\mathrm{beam}})$

OUTPUT

- 1) 出力セル間隔数:10なら10セル毎に出力
- 2) ビーム電流 BEAMI の値

3. PREBUNCHER、BUNCHER の入力データの導出

入力データ B を指定する事によって Δ_2 が概算される。更に、これら 2 つの値を使って Δ が β の 2 次関数である時の R_β 、 R_Δ が計算コード GENPARA によって求められる。以下に GENPARA による計算方法が説明される。

3.1. BUNCHER で入力する B と $\Delta_2(\Delta_b)$ の最大値の決め方 B を指定したとき、 Δ_2 は次の経験式を満足する値の近辺で選ぶと良いとされている。

$$B = 2.2 + 20 \times |\Delta_2| \tag{1}$$

LITL では B=5 、 $\Delta_2=-0.11$ (上式では B=5 のとき $\Delta_2=-0.14$ となる) TALL では B=3.8 、 $\Delta_2=-0.075$ (上式では B=3.8 のとき $\Delta_2=-0.08$ となる) SCRFQ では B=5.5 、 $\Delta_2=-0.17$ (上式では B=5.5 のとき $\Delta_2=-0.165$ となる)

3.2. PREBUNCHER で入力する R_{β} と R_{Λ} の決め方

安定位相が-88°から-60°に変化する Prebuncher に於いて、セパラトリックスの面積が一定となるように、更に位相振動が 0.5 となるように、 R_{β} と R_{Δ} は決められる。

3.2.1. 位相振動を計算する式

一般粒子の同期粒子に対する位相振動はセル数 $n=z/(\beta\lambda/2)$ の関数として次の様に表される。

$$\varphi - \varphi_s = Be^{j\Omega_l n} \tag{2}$$

ここで、B は振幅を表す係数、 Ω ,は位相角周波数で次式で与えられる。

$$\Omega_l = \sqrt{-\frac{e\pi^2 V A_{10}}{4m_0 v_s^2} \sin \varphi_s} \tag{3}$$

位相振動数 N と角周波数の関係は $\Omega_l = 2\pi N$ であるから、セル当りの位相振動数は次の様になる。

$$dN = \frac{\Omega_l}{2\pi} dn \tag{4}$$

よって、位相振動数は(4)式を積分して求められる。

$$N = \int \frac{\Omega_l}{2\pi} dn \tag{5}$$

ここで、位相振動数が 0.5 となる R_{β} を求める為にn を β で書き換える。 加速器の軸に沿って運動する同期粒子の、セル当たりのエネルギー変化は次式で与えられる。

$$\frac{dW}{dn} = \frac{e\pi V A_{10}}{4} \cos \varphi_s \tag{6}$$

粒子の運動エネルギーは、 $W = m_0 c^2 \beta^2 / 2$ であるから、 $W \cap \beta$ に対する変化率は:

$$dW = m_0 c^2 \beta \cdot d\beta \tag{7}$$

(6)、(7)式からdnと $d\beta$ の関係は次のようになる。

$$dW = dn \frac{e\pi V A_{10}}{4} \cos \varphi_s = m_0 c^2 \beta \cdot d\beta \tag{8}$$

これを(5)式に代入すると、 β の積分で次のように表される。

$$N = \int \frac{\Omega_l}{2\pi} dn = \int \frac{\Omega_l}{2\pi} \frac{4m_0 c^2 \beta}{e\pi V A_{10}} \frac{1}{\cos \varphi_s} d\beta \tag{9}$$

一方、高周波発散係数Δは次式で与えられる。

$$\Delta = \frac{\pi^2 e V A_{10}}{2\beta^2 m_0 c^2} \sin \varphi_s \tag{10}$$

故に、位相角周波数 Ω_l は次のように Δ で表される。

$$\Omega_{l} = \sqrt{-\frac{e\pi^{2}VA_{10}}{4m_{0}v_{s}^{2}}\sin\varphi_{s}} = \sqrt{\frac{|\Delta|}{2}}$$
(11)

ここで、(9)式を Δ で表すと次のようになる。

$$N = \int \frac{\Omega_l}{2\pi} dn = \int \sqrt{\frac{|\Delta|}{2}} \frac{\sin \varphi_s}{\beta \Delta} \frac{1}{\cos \varphi_s} d\beta = \int_{\beta_1}^{\beta_2} \frac{1}{\sqrt{2|\Delta|}} \tan \varphi_s \frac{d\beta}{\beta}$$
 (12)

上式を変数 ($\xi = \beta/\beta_1$ 、 $R_\beta = \beta_2/\beta_1$) を使って書きかえると次のようになる。

$$N = \int_{1}^{R_{\beta}} \frac{1}{\sqrt{2|\Delta|}} \tan \varphi_{s} \frac{d\xi}{\xi}$$
 (13)

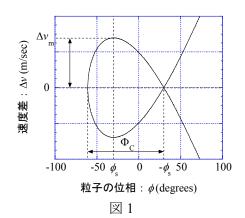
上式の ξ の積分範囲は $\beta=\beta_1$ のとき $\xi=1$ 、 $\beta=\beta_2$ のとき $\xi=R_\beta$ となる。この式を使って、N=0.5となる R_β を求める訳であるが、 Δ と ξ の間の関係と φ_s と ξ の間の関係は、 Δ が β の 2 次関数で表され、セパラトリックスの面積が一定であるという条件から決められる。これ等の変数間の関係を使って(13)式の積分は数値計算で求められる。

3.2.2. セパラトリックスの面積一定の条件から求まる Δ と φ 。と ξ の関係

図 1 に示すように、セパラトリックスを同期粒子と非同期粒子の速度差 Δv と粒子の位相 φ の面上で表すと、 Δv の最大値は次式で与えられる。

$$\left(\Delta v\right)_{\text{max}} = \frac{2v_s \Omega_l}{\pi} \sqrt{1 - \varphi_s \cot \varphi_s}$$
 (14)

 $\Omega_l = \sqrt{|\Delta|/2}$ の関係を使うと上式は次のようになる。



$$(\Delta v)_{\text{max}} = \frac{v_s \sqrt{2|\Delta|}}{\pi} \sqrt{1 - \varphi_s \cot \varphi_s} = \frac{\sqrt{2|\Delta|}}{\pi} \beta c \sqrt{1 - \varphi_s \cot \varphi_s}$$
(15)

セパラトリックスの位相長を Φ_{C} とすると、バンチ長 Z_{C} は次式で与えられる。

$$Z_C = \Phi_C \frac{\beta_s \lambda}{2\pi} \tag{16}$$

セパラトリックスの面積を $(\Delta v)_{\max} \times Z_C$ で近似すると次のようになる。

$$S = (\Delta v)_{\text{max}} \times Z_C = \frac{\lambda c}{\sqrt{2}\pi^2} \sqrt{\Delta} \beta^2 \Phi_C \sqrt{1 - \varphi_s \cot \varphi_s}$$
 (17)

ここで、 $\Phi_C\sqrt{1-\varphi_s\cot\varphi_s}=g(\varphi_s)$ で置き換えると、セパラトリックスの面積が一定であるという条件から、プリバンチャー入口、出口の速度と発散係数と同期位相を β_1 , β_2 、 Δ_1 , Δ_2 、 $\varphi_1=-88°$, $\varphi_2=-60°$ とすると、次の関係式が得られる。

$$\sqrt{|\Delta|}\beta^2 g(\varphi_s) = \sqrt{|\Delta_1|}\beta_1^2 g(-88^\circ) = \sqrt{|\Delta_2|}\beta_2^2 g(-60^\circ)$$
(18)

上式を $\sqrt{|\Delta_1|}oldsymbol{eta}_1^2$ で割ると次のようになる。

$$\sqrt{\frac{\Delta}{\Delta_1}} \frac{\beta^2}{\beta_1^2} g(\varphi_s) = g(-88^\circ) = \sqrt{\frac{\Delta_2}{\Delta_1}} \frac{\beta_2^2}{\beta_1^2} g(-60^\circ)$$
(19)

ここで、次の変数 $\xi = \frac{\beta}{\beta_1}$, $R_{\beta} = \frac{\beta_2}{\beta_1}$, $R_{\Delta} = \frac{\Delta_1}{\Delta_2}$ を導入すると、 Δ と φ_s と ξ の関係が次式で与えられる。

$$\sqrt{\frac{\Delta}{\Delta_2}} \xi^2 g(\varphi_s) = \sqrt{R_\Delta} g(-88^\circ) = R_\beta^2 g(-60^\circ)$$
 (20)

3.2.3. Δ が β の 2 次関数であるという条件から求まる Δ と ξ の関係 図 2 に示すように、 Δ が β の二次関数であるとき 一般式は次式で与えられる。

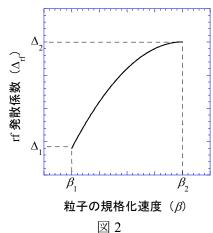
$$\Delta = a\beta^2 + b\beta + c \tag{21}$$

係数a,b,cは Δ が $\beta=\beta_2$ で極大値 Δ_2 を持つという 条件と、 Δ と β の境界条件から決められる。極大値 の条件から $\Delta'=2a\beta_2+b=0$ 、故に

$$\Delta = a\beta^2 - 2a\beta_2\beta + c$$

$$\beta = \beta_2$$
のとき $\Delta = \Delta_2$ であるから
 $\Delta_2 = a{\beta_2}^2 - 2a{\beta_2}{\beta_2} + c$ 、故に

$$\Delta = a\beta^2 - 2a\beta_2\beta + \Delta_2 + a\beta_2^2 = a(\beta - \beta_2)^2 + \Delta_2$$



 $eta=eta_1$ のとき $\Delta=\Delta_1$ であるから $\Delta_1=aig(eta_1-eta_2ig)^2+\Delta_2$ 、故に Δ の関数形は次のようになる。

$$\Delta = \frac{\Delta_1 - \Delta_2}{(\beta_1 - \beta_2)^2} (\beta - \beta_2)^2 + \Delta_2 \tag{22}$$

上式を ξ 、 $R_{\scriptscriptstyle B}$ 、 $R_{\scriptscriptstyle \Delta}$ で書き換えると

$$\frac{\Delta}{\Delta_2} = \frac{\Delta_1/\Delta_2 - 1}{(1 - \beta_2/\beta_1)^2} (\beta/\beta_1 - \beta_2/\beta_1)^2 + 1 = \frac{R_\Delta - 1}{(1 - R_\beta)^2} (\xi - R_\beta)^2 + 1$$
 (23)

ここで、(20)式より得られた

 $\sqrt{R_{\Delta}} = R_{\beta}^2 \frac{g(-60^\circ)}{g(-88^\circ)}$ を(23)式に代入すると、 Δ と ξ の関係式が次のように求まる。

$$\frac{\Delta}{\Delta_2} = \frac{\left[R_{\beta}^2 \frac{g(-60^\circ)}{g(-88^\circ)}\right]^2 - 1}{(1 - R_{\beta})^2} (\xi - R_{\beta})^2 + 1$$
(24)

3.2.4. φ と ξ の関係

(20)式から $g(\varphi_s)$ と ξ の関係は次のように与えられる。

$$\sqrt{\frac{\Delta}{\Delta_2}} \xi^2 g(\varphi_s) = R_{\beta}^2 g(-60^\circ) \quad \therefore g(\varphi_s) = \frac{R_{\beta}^2 g(-60^\circ)}{\sqrt{\frac{\Delta}{\Delta_2}} \xi^2}$$
 (25)

(25)式に(24)式で得られた Δ/Δ_2 を代入すれば、 $g(\varphi_s)$ は ξ の関数で与えられる。 $g(\varphi_s)$ が決まれば次の 2 つの式を使って φ_s も決まる。

$$g(\varphi_s) = \Phi_C \sqrt{1 - \varphi_s \cot \varphi_s} \tag{26}$$

$$\tan \varphi_s = \frac{\sin \Phi_C - \Phi_C}{1 - \cos \Phi_C} \tag{27}$$

ここで、 Φ_c は安定位相が φ_s であるセパラトリックスの位相長である。

3.2.5. R_{β} と R_{Δ} の関係

(20)式の関係を使って R_{Δ} と R_{β} の関係は次のようになる。

$$R_{\Delta} = \left[R_{\beta}^{2} \frac{g(-60^{\circ})}{g(-88^{\circ})} \right]^{2} \tag{28}$$

3.2.6. R_{β} と R_{Δ} を求める具体的計算手順

1) 変数 ξ に対する Δ 値を計算する。 予め初期設定された Δ_2 、 R_{β} と、(26)、(27)式から求

められたg(-60)、g(-80)の値を(24)式に代入すれば、変数 ξ に対する Δ 値が求まる。

$$\frac{\Delta}{\Delta_{2}} = \frac{\left[R_{\beta}^{2} \frac{g(-60^{\circ})}{g(-88^{\circ})}\right]^{2} - 1}{(1 - R_{\beta})^{2}} (\xi - R_{\beta})^{2} + 1$$
(24)

2) 次に、変数 ξ に対する $g(arphi_s)$ 値を計算する。 $g(arphi_s)$ は(25)式で次のように与えられる。

$$g(\varphi_s) = \frac{R_\beta^2 g(-60^\circ)}{\sqrt{\frac{\Delta}{\Delta_2}} \xi^2}$$
 (25)

上式に、1)で使われた R_{β} 、 g(-60) と、1)で求められた Δ/Δ_2 を代入すれば、変数 ξ に対する $g(\varphi_s)$ 値が求まる。

- 3) 次に、2)で求めた $g(\varphi_s)$ 値から(26)、(27)式を使って変数 ξ に対する φ_s 値を求める。具体的には φ_s を少しずつ変えていき、上で求めた $g(\varphi_s)$ 値に一致する φ_s を数値計算で求める。
- 4) このように求めた ξ に対する Δ 値と φ_s 値を(13)式に代入し、 ξ を 1 から R_{β} まで少しず つ増やし、(13)式の数値積分を行う。1)から 4)の手順を繰り返し、N=0.5 となる R_{β} が 求められる。 R_{β} が求まれば、(28)式の関係を使って R_{Δ} は次のように求まる。

$$R_{\Delta} = \left[R_{\beta}^{2} \frac{g(-60^{\circ})}{g(-88^{\circ})} \right]^{2} \tag{28}$$

3.2.7. 計算コード GENPARA での R_{β} と R_{Δ} の計算

GENPARA は 3.2.6.の方法で R_{β} と R_{Δ} を計算する。表 2 に GENPARA の主プログラム、表 3 に制御プログラム、表 4 に計算出力が示されている。計算の為の入力パラメータは集束係数 B と rf 発散係数 DEL2(Δ_2)である。RBETA (R_{β})、RDEL (R_{Δ})の最終値は NPO (phase oscillation の数)が 0.5 の時の値である。

4. 最後に

ここでは、 Δ が β の2次関数である時の R_{β} 、 R_{Δ} が求められたが、 Δ が β の1次関数である時も同様の方法で求められる。経験的には2次関数が多く使われていて、東大原子核研究所で開発されたRFQリニアック(LITL、TALL、SCRFQ)は全て2次関数で設計された。

表 2: 主プログラムファイル: genpara.f

```
**** INPUT PARAMETERS FOR GENRFQ ******
                                                                                  WRITE(6,*)'
                                                                                  RBETAIN=RBETAINO
      CHARACTER A1*70, A2*70
      REAL NPO, NPOO, FAI
                                                                                  DRBETA=0. 0001
      DIMENSION FAI (100), G (100)
                                                                                  CALL SEARCH (RBETAIN, DRBETA, G, DEL2, RBETAO, NPOO, RBETAINO)
                                                                                  RDEL=(G(60)/G(88))**2*RBETA0**4
С
      CHARACTER XDATE*10, CHDATE*9, XTIME*8, CHDAT (2) *4
                                                                           С
                                                                                  WRITE(6, 621) RBETAO, RDEL, NPOO
      CHARACTER XTIMEO*9
      CALL DATE_AND_TIME (CHDATE, XTIMEO)
                                                                             621 FORMAT (/, 'RBETA=', F10. 7, 2X, 'RDEL=', F10. 7, 2X, 'NPO='
      XTIME=XTIMEO(1:2)//':'//XTIMEO(3:4)//':'//XTIMEO(5:6)
                                                                                 ¥, F10. 7, /)
       XDATE=CHDATE (1:4) //':'//CHDATE (5:6) //':'//CHDATE (7:8)
      WRITE(6,600) XDATE, XTIME
                                                                                  FND
600
      FORMAT (/1H , 6HDATE :, 2X, A10, 2X, 6HTIME :, 2X, A8, /)
                                                                           С
                                                                           C
С
      SELECTION OF B AND DELB (Delta-b)
С
                                                                            *************************************
                                                                            C
С
      READ (5, 500) A1
                                                                                  SUBROUTINE SEARCH (RBETAIN, DRBETA, G. DEL2, RBETAO, NPOO
       WRITE(6, 610) A1
С
      READ (5, 500) A2
                                                                                  REAL NPO, NPOO, FAI
 500 FORMAT (A70)
                                                                                  DIMENSION FAI (100), G (100)
С
       WRITE(6, 610) A2
                                                                                  PI=3. 141593
 610 FORMAT (A70)
                                                                                  M=0
      READ (5, *) B, DEL2
                                                                                  K=0
      DELB=(B-2, 2)/20.
                                                                           С
       IF (DEL2. EQ. 0. ) DEL2=- (DELB-0. 005)
                                                                                  DO 120 II=0, 11
      WRITE (6, 611) B, DEL2
                                                                                  K=K+1
 611 FORMAT (' INPUT B=', F7. 3, 2X, 'DEL2 (DELb) =', F7. 3, /)
                                                                           С
С
                                                                                  (1) Set RBETA
      PI=3. 141593
                                                                           С
      DPSAI=PI/180.
                                                                                  RBETA=RBETAIN+DRBETA*FLOAT(II)
      FAI (88) =-88 *PI /180
      FAI (60) = -60*PI/180.
                                                                                  DZI=(RBETA-1.)/1000.
                                                                                  NP0=0.0
С
      DO 110 N=1, 360
                                                                           С
      PSAI=FLOAT (N) *DPSAI
                                                                                  DO 130 I=1, 1000
      DFP=TAN (FAI (88)) - (SIN (PSAI) - PSAI) / (1. - COS (PSAI))
                                                                                  ZI=FLOAT(I)*DZI+1.
      ADFP=ABS (DFP)
                                                                                  IF (ZI. GT. RBETA) GO TO 130
       IF (N FQ 1) DEPMIN=ADEP
       IF (ADFP. LE. DFPMIN) DFPMIN=ADFP
                                                                           С
      IF (ADFP. LE. DFPMIN) PSAIC=PSAI
                                                                           С
                                                                                  (2) Determine DEL by substituting RBETA and ZI.
 110 CONTINUE
                                                                           С
С
                                                                                  DEL=((RBETA**4*(G(60)/G(88))**2-1.)*(ZI-RBETA)**2
      G(88)=PSAIC*SQRT(1.-FAI(88)/TAN(FAI(88)))
                                                                                 ¥/(1.-RBETA)**2+1.)*DEL2
      PSAIC=0.0
                                                                           С
      DO 111 NN=1,360
                                                                           С
      PSAI=FLOAT (NN) *DPSAI
                                                                                  (3) Determine GFAI by substituting ZI and DEL.
      DFP=TAN(FAI(60))-(SIN(PSAI)-PSAI)/(1.-COS(PSAI))
                                                                           С
      ADFP=ABS (DFP)
                                                                                  GFAI=RBETA**2*G(60)/SQRT(DEL/DEL2)/ZI**2
      IF (NN. EQ. 1) DFPMIN=ADFP
                                                                           С
      IF (ADFP. LE. DFPMIN) DFPMIN=ADFP
                                                                                  DO 140 J=1, 90
       IF (ADFP. LE. DFPMIN) PSAIC=PSAI
                                                                                  DFAI=PI/180.
 111 CONTINUE
                                                                                  FAI (J) =-FLOAT (J) *DFAI
                                                                           C
С
      G(60)=PSAIC*SQRT(1.-FAI(60)/TAN(FAI(60)))
                                                                                  DO 150 JUL 360
      WRITE (6, *) 'G (60) = ', G (60) *180. /PI, 'deg.'
                                                                                  DPSAI=PI/180.
     Y, ' G(88) = ', G(88) * 180. / PI, ' deg.'
                                                                                  PSAI=FLOAT (JJ) *DPSAI
С
                                                                           С
С
                                                                           С
      RBETAIN=1.036
                                                                                  (4) Determine PSAI at FAI(J).
                                                                           С
      DRBETA=0. 002
      CALL SEARCH (RBETAIN, DRBETA, G, DEL2, RBETAO, NPOO, RBETAINO)
                                                                                  \mathsf{DFP} = \mathsf{TAN}\left(\mathsf{FAI}\left(\mathsf{J}\right)\right) - \left(\mathsf{SIN}\left(\mathsf{PSAI}\right) - \mathsf{PSAI}\right) / \left(1. - \mathsf{COS}\left(\mathsf{PSAI}\right)\right)
```

```
С
      ADFP=ABS (DFP)
                                                                               NP0 = NP0 + 1. \ / SQRT \ (2. *ABS \ (DEL) \ ) *ABS \ (TAN \ (FAIS)) \ / ZI*DZI
      IF (JJ. EQ. 1) DFPMIN=ADFP
                                                                          130 CONTINUE
      IF (ADFP. LE. DFPMIN) DFPMIN=ADFP
                                                                         С
       IF (ADFP. LE. DFPMIN) PSAIC=PSAI
                                                                               RDEL=(G(60)/G(88))**2*RBETA**4
     CONTINUE
                                                                               WRITE (6, *) 'II=', II,' RBETA=', RBETA,' RDEL=', RDEL
 150
                                                                              ¥, ' NP0=', NP0
С
С
                                                                         С
                                                                               (6) Find RBETAO for NPO=0.5
С
       (5) Find FAIS for GFAI obtained in (3)
                                                                         С
С
                                                                         С
      DGP=GFAI-PSAIC*SQRT(1.-FAI(J)/TAN(FAI(J)))
                                                                               DNP=NP0-0. 5
С
                                                                               DNP0=ABS (NP0-0.5)
                                                                               IF (K. EQ. 1) DNPOMIN=DNPO
      ADGP=ABS (DGP)
      IF (J. EQ. 1) DGPMIN=ADGP
                                                                               IF (DNPO. LE. DNPOMIN) DNPOMIN=DNPO
      IF (ADGP. LE. DGPMIN) DGPMIN=ADGP
                                                                               IF (DNPO, LE, DNPOMIN) RBETAO=RBETA
      IF (ADGP. LE. DGPMIN) FAIS=FAI (J)
                                                                               IF (DNPO. LE. DNPOMIN) NPO0=NPO
 140 CONTINUE
                                                                               IF (DNPO. LE. DNPOMIN. AND. DNP. LE. O. ) RBETAINO=RBETA
                                                                                IF (DNPO. LE. DNPOMIN. AND. DNP. GE. O. ) RBETAINO=RBETA-0. 001
С
С
                                                                          120 CONTINUE
       (6) Integrate NPO by substituting RBETA, ZI, DEL(ZI),
                                                                               END
С
            FAIS(ZI), DZI
                              3ページ
                                                                                                       4ページ
```

表 3:制御ファイル: genpara.sh

```
#!/bin/csh
date
#
# Input files : << EOI
                               <--> read(5)
                                              <== inline
                  fort. 2
                               <--> read(2)
                                              <== cadIH
#
#
set ofile=genpara.out
setenv uf02 fort.2
#/usr/bin/rm -f $uf02
rm -f $uf02
cat /dev/null >! $ofile
f77 genpara.f -00 -o genpara.load
#time /home/sarai/insuty/cal/genpara.load << 'EOI'</pre>
time /home/sarai/insuty/cal/genpara.load << EOI >>&! $ofile
CALCULATION OF THE INPUT PARAMETERS FOR GENRFQ
B DEL2
3.8 -0.075
E0I
#
cat genpara.out
#
exit
```

表 4: 出力ファイル: genpara.out

```
DATE: 2016:05:18 TIME: 14:08:34
INPUT B= 3.800 DEL2 (DELb) = -0.075
G(60) = 118.844841deg. G(88) = 312.273071deg.
 I\,I = \,0 \quad RBETA = \quad 1.\,\, 03600001 \quad RDEL = \quad 0.\,\, 166851699 \quad NPO = \quad 0.\,\, 423810512
II= 1 RBETA= 1.03799999 RDEL= 0.168143854 NPO= 0.447373509
 II= 2 RBETA= 1.03999996 RDEL= 0.169443488 NPO= 0.471471637
II= 3 RBETA= 1.04200006 RDEL= 0.170750722 NPO= 0.496412396
 II= 4 RBETA= 1.04400003 RDEL= 0.172065437 NP0= 0.521006465
 II= 5 RBETA= 1.046 RDEL= 0.173387721 NPO= 0.544685245
II= 6 RBETA= 1.04799998 RDEL= 0.17471762 NPO= 0.56925267
 II= 7 RBETA= 1.05000007 RDEL= 0.176055223 NPO= 0.59297204
II= 8 RBETA= 1.05200005 RDEL= 0.17740041 NP0= 0.616834223
 II= 9 RBETA= 1.05400002 RDEL= 0.178753302 NPO= 0.641912639
II= 10
           RBETA=
                      1.05599999
                                    RDEL=
                                             0. 180113912
0. 666252553
II= 11 RBETA= 1.05799997 RDEL= 0.18148227 NPO= 0.690333486
 II= 0 RBETA= 1.04200006 RDEL= 0.170750722 NPO= 0.496412396
 II= 1 RBETA= 1.04210007 RDEL= 0.170816302 NP0= 0.49761641
II= 2 RBETA= 1.04220009 RDEL= 0.170881882 NPO= 0.498866916
 II= 3 RBETA= 1.04230011 RDEL= 0.170947492 NPO= 0.500007927
I\:I = \:4 \quad RBETA = \:\: 1.\:0424 \quad RDEL = \:\: 0.\:171013027 \quad NP0 = \:\: 0.\:501136243
 I\:I = \: 5 \quad RBETA = \quad 1.\:\: 04250002 \quad RDEL = \quad 0.\:\: 171078682 \quad NPO = \quad 0.\:\: 50236243
 II= 6 RBETA= 1.04260004 RDEL= 0.171144336 NPO= 0.503516436
II= 7 RBETA= 1.04270005 RDEL= 0.171210021 NPO= 0.50551784
II= 8 RBETA= 1.04280007 RDEL= 0.17127572 NPO= 0.50675416
II= 9 RBETA= 1.04290009 RDEL= 0.171341434 NPO= 0.507984996
 II= 10 RBETA= 1.0430001 RDEL= 0.171407178 NPO= 0.509150028
 II= 11 RBETA= 1.0431 RDEL= 0.171472847 NP0= 0.510337889
RBETA= 1. 0423001 RDEL= 0. 1709475 NP0= 0. 5000079
```

謝辞

本報告書作成に対する和田道治氏のご支援に対し、著者は深く感謝申し上げます。

参考文献

- [1] S. Yamada, "BUNCHER SECTION OPTIMIZATION OF HEAVY ION RFQ LINACS", Proc. of the 1981 Linear Accelerator Conference, Santa Fe, New Mexico, USA, P. 316.
- [2] K. R. Crandall, R. H. Stokes, and T. P. Wangler, "RF Quadrupole Beam Dynamics Design Studies", Proc. 1979 Linear Accelerator Conf., Montauk, N.Y., September 9-14, 1979 (Brookhaven National Laboratory, Upton, N.Y., 1980), BNL-51134, p. 205.
- [3] 中西哲也、"中重イオン用四ヴェイン型 RFQ 線型加速器の研究"、日本大学工学博士論文。